

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Министерство образования и науки Удмуртской Республики
Муниципальное образование "Муниципальный округ Кезский район
Удмуртской Республики"
МБОУ "Кузьминская СОШ"

УТВЕРЖДЕНО
Директор школы



Главатских Т.М.

Приказ №204 от «31»
августа 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
(ID 348823)

учебного предмета «Вероятность и статистика.
Базовый уровень»
для обучающихся 10 класса

д. Желтопи, 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика» базового уровня для обучающихся 10 класса разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел – фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется

показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

На изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 час в неделю в течение каждого года обучения, всего 34 учебных часа.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.*

1) *Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;

- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

10 КЛАСС

Читать и строить таблицы и диаграммы.

Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.

Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновероятными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.

Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.

Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.

Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.

Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контроль ные работы	Практическ ие работы	
1	Представление данных и описательная статистика	4	0	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
2	Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможны ми элементарными исходами	3	0	1	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
3	Операции над событиями, сложение вероятностей	3	0	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
4	Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий	6	0	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11

5	Элементы комбинаторики	4	0	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
6	Серии последовательных испытаний	3	0	1	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
7	Случайные величины и распределения	6	0	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
8	Обобщение и систематизация знаний	5	2	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/51/10/ МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/catalogue?aliases=lesson_template,video_lesson,video_subject_program_ids=31937337,32663023,33589997&class_level_ids=8,9,10,11
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2	

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/ п	Тема урока	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	1	0	0	РЭШ: https://resh.edu.ru/subject/lesson/3751/start/326748/
2	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/4484994?menuReferer=catalogue
3	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/652513?menuReferer=catalogue

	числовых наборов				
4	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/627788?menuReferer=catalogue
5	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8854936?menuReferer=catalogue
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/2113580?menuReferer=catalogue

7	Вероятность случайного события. Практическая работа	1	0	1	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855024?menuReferrer=catalogue
8	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/9764516?menuReferrer=catalogue
9	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8854949?menuReferrer=catalogue
10	Формула сложения вероятностей	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855140?menuReferrer=catalogue
11	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1130348?menuReferrer=catalogue

12	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8589835?menuReferrer=catalogue
13	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855110?menuReferrer=catalogue
14	Формула полной вероятности	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1304193?menuReferrer=catalogue
15	Формула полной вероятности	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1304193?menuReferrer=catalogue
16	Формула полной вероятности. Независимые события	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855110?menuReferrer=catalogue
17	Контрольная работа	1	1	0	:МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855110?menuReferrer=catalogue
18	Комбинаторное правило умножения	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1101395?menuReferrer=catalogue

19	Перестановки и факториал	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/7613829?menuReferrer=catalogue
20	Число сочетаний	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1078213?menuReferrer=catalogue
21	Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8854961?menuReferrer=catalogue
22	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/11077728?menuReferrer=catalogue
23	Серия независимых испытаний Бернулли	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1771831?menuReferrer=catalogue
24	Серия независимых испытаний. Практическая работа с использованием	1	0	1	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1771831?menuReferrer=catalogue

	м электронных таблиц				
25	Случайная величина	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/2114737?menuReferrer=catalogue
26	Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855024?menuReferrer=catalogue
27	Сумма и произведение случайных величин	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/atomic_objects/8855024?menuReferrer=catalogue
28	Сумма и произведение случайных величин	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/164373?menuReferrer=catalogue
29	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/164373?menuReferrer=catalogue
30	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1086814?menuReferrer=catalogue
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1086814?menuReferrer=catalogue

32	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1077512?menuReferer=catalogue
33	Итоговая контрольная работа	1	1	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1077512?menuReferer=catalogue
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	0	0	МЭШ: https://uchebnik.mos.ru/material_view/lesson_templates/1077946?menuReferer=catalogue
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2	

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

Теория вероятностей и статистика. Экспериментальное учебное пособие для 10 и 11 классов общеобразовательных учреждений / Ю. Н. Тюрин, А. А. Макаров, И. Р. Высоцкий, И. В. Яценко. — М.: МЦНМО, 2014. — 248с.

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. Лютикас В. С. Факультативный курс по математике: Теория вероятностей: Учебное пособие для 9—11 классов средней школы 3-е изд., перераб.— М.: Просвещение, 1990
2. Е.А. Бунимович, В.А. Булычев «Основы статистики и вероятность» 5-11 классы Москва «Дрофа» 2008
3. Бунимович Е.А, В.А. Булычев, И.Р. Высоцкий и др., О теории вероятностей и статистике в школьном курсе, Математика в школе, №7, Школьная пресса, 2009
4. Высоцкий И. В., Яценко И. В. Типичные ошибки в преподавании теории вероятностей и статистики. Математика в школе, № 5, 2014. Материалы 2-й Международной научной конференции «Актуальные проблемы обучения математике и информатике в школе и вузе». МПГУ, октябрь, 2014.
5. Методика и технология обучения математике. Курс лекций Пособие для вузов / Под научн. Ред. Н.Л. Стефановой, Н.С. Подходовой. – М.: Дрофа, 2005. – 416 с.
6. Г.И.Фалин, Преподавание теории вероятностей в школе. Математика в школе № 2, 2014.

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

<http://ptlab.mcsme.ru> Сайт «Лаборатория теории вероятностей»
<https://fipi.ru> – Сайт Федерального института педагогических измерений
<http://fipi.ru/content/otkrytyy-bank-zadaniy-ege>– Открытый банк заданий ЕГЭ
<https://www.problems.ru> – Интернет-проект «Задачи»
<https://resh.edu.ru> – Российская электронная школа
<http://school-collection.edu.ru/>– Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов